

的结果。

#### 4. 从多个角度评估学生的课堂表现和作业

教师对学生的评价可以集中在学习过程和学习方法上。事实上，教师应该更多地关注学生的感受，多鼓励，少批评，多引导，少批评。

#### (三) 鼓励学生积极参与实践，深化课堂知识

有效的地理课堂离不开学生实践能力的形成。在讲解岩石相关知识时，教师鼓励学生在课前收集岩石，并通过各种渠道查阅相关资料。此外，在学习地理知识后，应鼓励学生积极实践，深化课堂知识。

#### (四) 课后应积极反思，及时掌握学生所学知识。

教师的发展和学生的进步有赖于不断的努力，高效课堂不可能一蹴而就。每节地理课结束后，教师都要积极反思自己的成功和需要改进的不足，并将学生的反馈

信息和意见融入反思中，以便及时掌握学生掌握地理知识的情况。

#### 结束语

高中地理高效课堂的建设还有很长的路要走。在不断积极探索和研究的过程中，我们应该逐步摒弃落后的教学理念和过时的教学方法，尽快提高我们教师的专业素质，与广大学生共同成长和进步。

#### 参考文献

- [1] 韦大海. 基于信息技术的高中地理高效课堂的构建[J]. 教育天地, 2019, 1(2).
- [2] 詹晓英. 如何构建高中地理高效课堂[C]. 国家教师科研专项基金科研成果 2018(一). 国家教师科研基金管理办公室, 2018: 310-311.

## 高中数学解题中化归思想的渗透

郑苗苗

(福建省泉州市城东中学 福建 泉州 362000)

**摘要** “化归”顾名思义是转化、归结，是解题过程中常用的一种思想方法，高中数学内容广、解法多，在解题过程中熟练运用化归的数学思想能提高数学学习的效率。

**关键词** 数学思想；高中数学；化归思想

**DOI** 10.12252/j.issn.2096-6288.2019.12.243

化归思想是高中数学解题中经常用到的数学思想方法，善于运用化归的思想方法能把复杂的数学问题简单化，陌生的问题熟悉化，提高做题的速度和准确率。本文探讨了高中数学教学中化归思想的渗透。

### 1. 化抽象为具体

高中数学题尤其是函数题往往比较抽象，这给解决问题制造了困难，这就需要我们在灵活操作，把抽象的问题进行具体化处理，从而降低题目的难度，提高做题的效率。

**例1**：若定义在R上的函数 $f(x)$ 满足：对任意 $x_1, x_2 \in R$ 有 $f(x_1 + x_2) = f(x_1) + f(x_2) + 1$ ，则 $f(x) + 1$ 为\_\_\_\_\_函数。

**分析**：本题函数中经常遇到的问题，如果利用函数奇偶性的一般证明方法解决非常困难，但是如果我们把已知条件中的 $x_1, x_2$ 的范围给具体到一个准确的数字，解决起来就事半功倍了。

**解**：因为对任意 $x_1, x_2 \in R$ 有 $f(x_1 + x_2) = f(x_1) + f(x_2) + 1$ ，

所以令 $x_1 = x_2 = 0$ ，得 $f(0) = -1$ ；所以令 $x_1 = x, x_2 = -x$ ，得 $f(0) = f(x) + f(-x) + 1$ ，所以 $f(x) + 1 = -f(-x) - 1 = -[f(-x) + 1]$ ，所以 $f(x) + 1$ 为奇函数。

### 2. 正反转化

解答某些问题，如果按习惯从正面无法解决或者非常复杂时，可以考虑从相反的方面去探究，反面得到解决则正面亦能得到解决。

**例2**：已知函数 $f(x) = 4x^2 - ax + 1$ 在 $(0, 1)$ 内至少有一个零点，试求实数 $a$ 的取值范围。

**分析**：此题从正面入手，比较烦琐，若从反面去考虑，至少有一个零点的反面为没有零点，这种情况比较容易处理。

**解**：当函数 $f(x) = 4x^2 - ax + 1$ 在 $(0, 1)$ 内没有零点时， $4x^2 - ax + 1 = 0$ 在 $(0, 1)$ 内没有实数根，即在 $(0, 1)$ 内， $a \neq 4x + \frac{1}{x}$ 。

而当 $x \in (0, 1)$ 时， $4x + \frac{1}{x} \geq 2\sqrt{4x \cdot \frac{1}{x}} = 4$ ，得 $4x + \frac{1}{x} \in [4, +\infty)$ 。要使 $a \neq 4x + \frac{1}{x}$ ，必有 $a < 4$ 故满足题设的实数的取值范围是 $[4, +\infty)$ 。

**点评**：对于此类从“正面进攻”很难奏效或运算较繁的问题，可先攻其反面，运用补集思想从而使正面得以解决，“正难则反”有时会给我们的解题带来意想不到的妙处。

### 3. 等与不等的转化

有一些问题，表面上看起来好像只具有相等的数量关系，利用这些相等关系又不能解决问题，如果能找出其中的不等关系，建立不等式去转化，往往能获得简便求解的效果。

**例3**：已知 $a, b$ 都是实数，且 $a\sqrt{1-b^2} + b\sqrt{1-a^2} = 1$ 求证： $a^2 + b^2 = 1$ 。

**分析**：此题要利用已知的等式条件，很难得出结论，若利用均值不等式找出一个不等关系，再结合已知中的相等关系，可能容易寻得 $a$ 与 $b$ 之间的关系。

**解**：由均值不等式有： $b\sqrt{1-a^2} \leq \frac{b^2 + (1-a^2)}{2}$ ，  
 $a\sqrt{1-b^2} \leq \frac{a^2 + (1-b^2)}{2}$ ，

则： $a\sqrt{1-b^2} + b\sqrt{1-a^2} \leq 1$ 。由已知： $a\sqrt{1-b^2} + b\sqrt{1-a^2} = 1$ 。要使等号成立，必有： $a = \sqrt{1-b^2}$ 且 $b = \sqrt{1-a^2}$ 。即： $a^2 + b^2 = 1$ 。

**点评**：以上解答中，利用了等与不等的相互转化，从而使问题得到了有效的解决。

### 4. 常量与变量的转化

某些数学问题中有多个元时，常把其中的常数看作主元，把其他变元看做是常数，以致达到减少变元、简化运算的目的。

**例4**：已知曲线 $C_k$ 的方程为 $\frac{x^2}{9-k} + \frac{y^2}{4-k} = 1$ ，试证明：坐标平面内任一点 $(a, b)(a, b \neq 0)$ ，在 $C_k$ 中总存在一椭圆和一双曲线过该点。

**分析**：观察曲线方程，一般认为 $x, y$ 是主元，难以找到解决问题的思路。换个角度考虑 $k$ ，容易得到，当 $k < 4$ 或 $4 < k < 9$ 时， $C_k$ 表示的曲线为椭圆和双曲线，则问题化归为证明在区间 $(-\infty, 4)$ 和 $(4, 9)$ 内分别存在 $k$ 值，使曲线 $C_k$ 过点 $(a, b)$ 。

**解**：设点 $(a, b)(a, b \neq 0)$ 在曲线 $C_k$ 上，则有 $\frac{a^2}{9-k} + \frac{b^2}{4-k} = 1$

化简得： $k^2 + (a^2 + b^2 - 13)k + (36 - 4a^2 - 9b^2) = 0$  ①

令 $f(k) = k^2 + (a^2 + b^2 - 13)k + (36 - 4a^2 - 9b^2)$ ，

$\therefore f(4) = -5b^2 < 0, f(9) = 5a^2 > 0$ 。

可得 $f(k) = 0$ ，根据函数图象开口向上，方程①在 $(-\infty, 4)$ 和 $(4, 9)$ 内分别有一根，即对平面内任一点 $(a, b)$ ，在曲线系 $C_k$ 中总存在一椭圆和一双曲线过该点。

**点评**：本题有一个巧妙之处：将解析几何中的曲线系问题转化为视变量为主元的方程的根的问题，这样一来在很大程度上降低了难度，常量与变量的转换方法在解析几何中很普遍。

#### 结语

化归思想方法的主要特点是它的灵活性和多样性。一个数学问题，组成主要元素之间的相互依存和相互联系的形式是可变的，其形式并非唯一，而是多种多样。所以应用数学变换的方法去解决有关数学问题时，就没有一个统一的模式可以遵循。因此，我们必须根据问题本身提供的信息，利用动态的思维，具体问题具体分析，去寻求有利于问题解决的化归途径和方法。

#### 参考文献

- [1] 李岳崎. 高中数学化归思想应用启示[J]. 才智, 2018, 000(002): 74-74.
- [2] 年振华, 高淑娟. 转化与化归思想在高中数学中的应用[J]. 考试周刊, 2018, 000(020): 85-85.